

**التمرين الأول ( 5نقط ونصف )**

لتكن  $(S)$  فلكة مركزها  $\Omega(2,-1,0)$  وشعاعها 3 .

- (1) حدد معادلة ديكارتية للفلكة  $(S)$  .
- (2) حدد معادلة المستوى  $(P)$  المماس للفلكة  $(S)$  في النقطة  $A(3,1,-2)$
- (3) بين أن المستوى  $2x + 2y + z - 11 = 0$  مماس للفلكة  $(S)$  في  $B(4,1,1)$  .
- (4) ليكن  $(\Delta)$  المستقيم المار من  $C(2,1,-5)$  والموجه بالمتجهة  $\vec{u}(1,0,3)$  أحسب  $d(\Omega,(\Delta))$  . ماذا تستنتج ؟

1

1.5

1.5

1.5

**التمرين الثاني ( 14نقط ونصف )**

(I) نعتبر الدالة  $g(x) = 1 + x - e^{-2x}$

- (1) أحسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$
- (2) أدرس تغيرات  $g$  واستنتج أن  $g(x) < 0$  ( $\forall x < 0$ )

1

1.5

(II) نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $IR$  بما يلي :

$$\begin{cases} f(x) = \ln(1 + xe^x) & ; x > 0 \\ f(x) = xe^x + e^{-x} - 1 & ; x \leq 0 \end{cases}$$

- (1) أدرس اشتقاق الدالة  $f$  في 0 وأول هندسيا النتيجة المحصل عليها .
- (2) أحسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  .

2

1

(3) (a) بين أن  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$  وأول هندسيا النتيجة

1

(b) بين أن  $f(x) = x + \ln(x) + \ln(1 + \frac{e^{-x}}{x})$  ( $\forall x > 0$ )

0.5

(c) استنتج طبيعة الفرع اللانهائي بجوار  $+\infty$  .

1

(4) (a) بين أن:  $f(x) - x = \ln(x + e^{-x})$  ( $\forall x > 0$ )

0.5

(b) بين أن  $x + e^{-x} > 1$  ( $\forall x > 0$ )

1

(c) استنتج وضع  $C_f$  بالنسبة للمستقيم  $y = x$  ( $\Delta$ )

0.5

- (5) (a) بين أن  $f'(x) = e^x g(x)$  :  $(\forall x < 0)$
- (b) أحسب  $f'(x)$  لكل  $x \in ]0, +\infty[$
- (c) أدرس تغيرات  $f$  وضع جدول تغيراتها.
- (6) أنشئ المنحنى  $C_f$  .

1  
1  
1  
1